Ranges of moisture-source temperature estimated from Antarctic ice cores stable isotope records over glacial-interglacial cycles

R. Uemura, V. Masson-Delmotte, J. Jouzel. A. Landais, H. Motoyama, and B. Stenni *Clim. Past*, 8, 1109-1125, 2012.

ABSTRACT

水の同位体比(δ D, δ ⁱ⁸O)は、南極アイスコアにおいて気温の指標として広く用いられ ている.しかしながら、この二つの同位体比は気温のみに依存するのではなく、海洋水蒸 気起源から降水の起こる場所の間での大気中水蒸気から重い同位体が蒸留する範囲にも依 存する.海洋水蒸気起源の気温(ΔT_{source})と降水が起こる場所の気温(ΔT_{site})の変動は、 重水素過剰(d)から求めることができる.この論文では、過去36万年をカバーする南極ド ームふじアイスコアから得られた新しいdの記録を示し、Vostok とEPICA Dome C アイス コアの記録と比較を行う.これまでの研究では、 ΔT_{source} と ΔT_{site} の情報を得るために、理 論的同位体蒸留モデルを用いた線形回帰式が提案されてきた.主な不確定性の原因は、dの ΔT_{site} への感度に関係する、回帰式の係数 β_{site} にある.我々は、気温の範囲と同位体モデ ルの出力の選択の二つの要素のうち少なくとも一つは β_{site} の値を増加させうることを示し た.この係数が気温復元へ与える影響を探るために、我々はまず3つのアイスコアの同位体 比に全く同じ手法を適用した.我々は、 β_{site} 係数の不確定性が(i) ΔT_{source} の氷期–間氷 期の振幅、(ii) ΔT_{source} および、起源と掘削地の気温勾配への黄道傾斜の痕跡、に大きく 影響することを示した.対照的に、水同位体比の記録によって復元された ΔT_{site} の頑強性を 強調した.

INTRODUCTION

南極のアイスコアには、過去数十万年の気候変動の記録

水の同位体比(δD, δ¹⁸O)は気温指標

不確定性の要因

- ・ 降水の持続性
- ・ 氷床の標高

 \downarrow

重水素過剰 d (d=δ D-8× δ¹⁸O)

- * 起源の海洋の海面水温や相対湿度のような蒸発時の状況
- * 雪が形成される時の動的分別の影響→過飽和関数
- * 低温下での同位体交換

アイスコアの δ D とdは、その場の気温(Δ T_{site})、水蒸気起源の気温(Δ T_{source})、海洋の同位体組成(δ D_{sw}、 δ ¹⁸O_{sw})に依存すると仮定した様々な手法での研究が行われてきたが、共通の方法論はなく、不確定性も残っている.

β site (=∂d/∂T site): ΔT site の変化に対する d の感度 を用いる点は共通 ただし,研究のよって値が異なる (~0.5 から 1.2)

ISOTOPE DATA AND MODELING

Ice core isotopic data

3ヶ所のアイスコアを使用(図 I)

- <u>EPICA Dome C (EDC)</u> (75°06'S, 123°23'E, 3233 m asl)
 - ▶ 過去 14 万年分の記録を使用
 - \flat δ D=±0.5‰, δ¹⁸O=±0.05‰, d=±0.6‰
 - ▶ 時間分解能:~18年(第四紀),~50年(MIS₂),~42年(MIS_{5.5})
- <u>Vostok</u> (78°30'S, 106°54'E, 3488 m asl)
 - ▶ 過去 25 万年分の記録を使用
 - \flat δ D=±0.5‰, δ¹⁸O=±0.05‰, d=±0.6‰
 - ➢ 時間分解能:~220 年
- <u>Dome Fuji (DF)</u> (77°19'S, 39°42'E, 3810 m asl)
 - ▶ 時間分解能:~70年(第四紀),~270年(第四紀以外)
 - > DF1
 - ◆ 1996年掘削
 - ◆ 34 万年前までの δ D と δ¹⁸O
 - ► DF2
 - ◆ 2007年岩盤付近到達



図 1. この論文で用いたアイスコアの掘削地.

DF アイスコアの同位体比:平衡法で測定(δD=±0.3%, δ¹⁸O=±0.04%, d=±0.4%)

- DFIからオフセット分(δ_{DFI}-δ_{DF2}=0.8‰; δD, 0.24‰; δ¹⁸O)を引く.
- ② 重なり部分を DF2 のデータに置き換える.

DF2のほうがノイズが少ない.



図 2. DF アイスコアの δD と d. (a) DF1 (黒線) と DF2 (青線) アイスコアの δD と d. (b) 重なる期間の d の拡大図.

Vostok (GT₄年代), EDC (EDC 年代), DF (O₂/N₂年代) 年代軸による差がある (図 3c). 目視で δ D を合わせ,時間分解能 200 年に再サンプリング.

Raw d-excess and δD data

3つのアイスコアの d の生データ
 * ~4 万年周期



図 3. DF アイスコアの δ D と d. (a) O₂/N₂年代での DF (赤線), Vostok (青線), EDC (緑線)の d と(b) δ D. (c) 元々の年代軸での δ D. 左図:右図:ターミネー ション II の拡大図. 全同位体比は現在 (過去 2 千年平均) からの偏差 (Δ) で表す.

Isotope inversion method

Mixed Cloud Isotopic Model (MCIM) モデルを使用 (Ciais and Jouzel, 1994).

I. 補正係数 δ¹⁸O_{SW} を固定.

$$\delta^{18}O_{corr} = \delta^{18}O_{ice} - \delta^{18}O_{SW} \frac{\left(\mathbf{I} + \delta^{18}O_{ice}\right)}{\left(\mathbf{I} + \delta^{18}O_{SW}\right)} \qquad \dots (1)$$
$$\delta D_{corr} = \delta D_{ice} - \delta D_{SW} \frac{\left(\mathbf{I} + \delta D_{ice}\right)}{\left(\mathbf{I} + \delta D_{SW}\right)} \qquad \dots (2)$$

 $\delta^{18}O_{corr}$ と δD_{corr} は,氷の同位体比($\delta^{18}O_{ice}$ と δD_{ice})を海洋の同位体比変動($\delta^{18}O_{SW}$ と δD_{SW})で補正したもの.

 $\delta^{18}O_{SW}$ は, Bintanja and Wal, (2008)の海水 $\delta^{18}O$ (下図の Ice-sheet component)を使用.



 δD_{SW} は、 $\delta D_{SW} = 8 \times \delta^{18} O_{SW}$ と仮定して計算.

$$d_{corr} = \delta D_{corr} - 8\delta^{18} O_{corr}$$

$$\Delta D_{corr} = \gamma_{site} \Delta T_{site} - \gamma_{source} \Delta T_{source} \qquad \dots (3)$$

$$\Delta d = -\beta_{site} \Delta T_{site} + \beta_{site} \Delta T_{source} \qquad \dots (3)$$

$$\Delta u_{corr} = -\rho_{site} \Delta I_{site} + \rho_{source} \Delta I_{source} \qquad \dots (4)$$

γ と β の係数は全て正数 (‰ K⁻¹).

△は現在(過去2千年の平均)からの偏差を表す.

 ΔT_{site} は地表面の年平均気温で、年平均凝結気温(ΔT_{c})から計算される.

 $\Delta T_c = 0.67 \Delta T_{site}$ (Jouzel and Merlivat, 1984)

Ⅲ. 過飽和関数は下記の式を使う.

氷晶成長中,過飽和による動的分別が起こる.

$$S_i = 1.020 - 0.003T$$



図 4. 南極表面雪とアイスコアの同位体比. 南極の様々な場所の表面雪(黒破線)と 昭和基地-ドームふじルートを含む日-ス IPY2007/2008 トラバース(黒点線)から求 めた回帰曲線. 計算による回帰曲線は青線で表され,それぞれのケースは表 3 の過 飽和関数に対応する. 点は DF(赤), Vostok(青), EDC(緑)のアイスコアデー タを表す.

Present-day isotope tuning

現在(過去2千年平均±IG)の雪の同位体比

 δ D=-426.3±1.4‰, δ ¹⁸O=55.09±0.16‰, d=14.4±0.3‰

MCIM モデルでは,実際(Iom 深温度が-57.7°C, 4m 高での I 年の観測が-54.8°C)よりも低 温(年平均気温-61.0°C)でのみ再現.

* 年平均気温と降水で重み付けされた気温の違い

* 地表気圧の違い→気圧が低いと蒸留が小さくなり、δ値が高くなる

→2通りで実験

- ① "実際の"DFの気温を使用(temperature fitted)
- ② 実際よりも低い気温を使用 (isotope fitted)

UNCERTAINTY ON THE SENSITIVITY OF D TO TEMPERATURE

Sensitivity of β_{site} estimation

<u>不確定性の主な要因は、 $d \circ \Delta T_{\text{site}} \sim 0$ 感度を表す β_{site} (式 3, 4).</u>

 δD は気温とほぼ線形関係にあるため、 β_{site} は同位体比に依存.

→同位体比と気温が下がると、*d*-δDの傾きは急になる(図 4).

表 1. 気温の係数比較.

Site	β_{site}	β source	βsw	Ysite	γ source	}∕'sw	Reference		
DF	13	1.6	-	7.7	3.2	-	This study		
Vostoka	0.5	1.3	2.8	7.1	3.7	4.8	Cuffey and Vimeux (2001); Vimeux et al. (2002)		
Vostok ^b	0.9,1.2	1.1, 1.2	3.0, 2.9	6.8, 6.9	2.8, 3.6	45,47	Salamantin (2004)		
Vostok ^{a,c}	1.0	1.4	3				Landais et al. (2009)		
Vostok ^c	1.1	1.5			-		Risi et al. (2010)		
Vostok	1.4	1.6	-	7.7	3.1	-	This study		
EDCa	0.5	1.3	2.6	7.6	3.5	5.0	Stenni et al. (2001);		
							Masson-Delmotte et al. (2004)		
EDC	0.5	13		7.6	3.6	-	Stenni et al. (2003)		
EDC	1.2	1.5	1	7.8	3.4	12	This study		
East Antarctica ^{a,c}	1.29 to 2.04	1.31 to 1.5	3	-	-	-	Winkler et al. (2012)		

- 気温の変化に対する *β*_{site}の感度実験: ΔT_{site} と ΔT_{source} を ± 2°C 変化させる
 - "Isotope fitted"
 - "Temperature fitted"
 - I. T_{source} =18°C
 - 2. T_{source}=II°C: Vostok での復元に使用 (Vimeux et al., 2001).
- これまでの研究で見られた不一致のほとんどは、アイスコアの同位体比に合わせるか、 実際の気温に合わせるかの選択による。
- 表 2. 気温の変化に対する β_{site}の感度実験.

	Simulated DF isotope ratio (%)			Temperat	ture (°C)	Sens	Sensitivity coefficient (‰/°C)			
Tuning strategy	δD	$\delta^{18}O$	đ	DF site	Source	β_{site}	β_{source}	$\gamma_{\rm site}$	Ysource	
Isotope fitted	-422.7	-54.6	14.5	-61.0	18.0	1.3	1.6	7.7	3.2	
Temperature fitted 1	-377.1	-48.2	8.5	-55.0	18.0	0.8	1.3	7.6	3.4	
Temperature fitted 2	-351.1	-43.9	-0.2	-55.0	11.0	0.6	1.2	7.9	4.1	

- 過飽和関数の変化に対する *β*_{site}の感度実験: ΔT_{site} と ΔT_{source} を±2°C 変化させる
 - S_i=1.020-0.0030T
 - S_i=1.020-0.0025T
 - S_i=1.020-0.0035T
- 過飽和関数の変化がβ_{site}に与える影響は、ΔT_{site}とΔT_{source}の変化が与える影響に比 べて小さい。

表 3. 過飽和関数の変化に対するβ_{site}の感度実験.

	Simulated DF isotope ratio(‰)			Temperature (°C)			Coefficient (‰/°C)			
Super saturation function (S_i)	δD	$\delta^{18}O$	d	Site	Source	β_{site}	β_{source}	$\gamma_{\rm site}$	Y source	
1.020-0.0030T (case 1)	-422.7	-54.6	14.5	-61.0	18.0	1.3	1.6	7.7	3.2	
1.020-0.0025T (case 2)	-403.6	-52.2	13.9	-58.0	18.0	1.2	1.4	7.7	3.3	
1.020-0.0035T (case 3)	-441.3	-57.0	14.3	-64.0	18.0	1.1	1.6	7.5	3.0	

Data selection for regressions

■ 回帰式をたてる際に用いるデータの選択もβ_{site}に影響

これまでの研究: ランダムに気候変動 (ΔT_{site} , ΔT_{source}) させた時の幅広い δ 値 この研究: 氷期-間氷期のアイスコアデータと一致するような δ 値

▶ これまでの研究では低温での d- d D の傾きが不十分.



図 5. シミレーションによる南極の $d \ge \delta D$. 曲線は,現在(黒点線) と氷期(赤 点線)の状態を示す.それぞれの点(白丸と黒丸)は、 $\Delta T_{source} \ge \Delta T_{site}$ で示される 気温を設定した時の DF サイトでの同位体比を表す. DF アイスコアデータ(青点) と解析に用いたデータは黒丸で表す. ΔT_{source} が一定(=-6.0°C)で,黒丸と全ての 丸から得られた線形回帰線 $d/\delta D$ は、それぞれ緑線と緑破線で表す.

Different sensitivity coefficients

条件:Isotope fitted (表 2), S_i=1.020-0.0030T

$$\Delta \delta D_{corr} = 7.7 \Delta T_{site} - 3.2 \Delta T_{source} \qquad ...(5)$$
(R²=0.999, n=14, p<0.001)

$$\Delta d_{corr} = -1.3 \Delta T_{site} + 1.6 \Delta T_{source} \qquad ...(6)$$
(R²=0.999, n=14, p<0.001)

Vostok, EDC にも同様の手法を適用.

- これまでの研究とこの研究で、β_{site}に差(表 I)
- β_{site}(表 I; 東南極で高い)は, dの定義と気温の範囲に依存.
 - →対数定義での d のテスト (Appendix A).
 - β_{site}は実際 dの定義に大きく依存
 - ・ 対数的定義での d は、 ΔT_{site} が d の空間分布に与える影響を減らす. すなわち、 β_{site} の値を減らす.
 - *β* site は *d* の補正係数なので気温復元結果は変わらない

$\underline{RECONSTRUCTED\,\Delta T_{source}\,and\,\Delta T_{site}}$

ΔT_{source} and ΔT_{site} of Dome F

式(5),(6)を用いて復元(図6).

 $\bigcirc \beta_{site}$ の重要性 ($\beta_{site=I.3} \ge \beta_{site=0.5}$ の比較)

<u>ΔT_{source}へ強く影響,ΔT_{site}は感度低い</u>

- I. 新しい ΔT_{source} の氷期-間氷期の振幅が $\Delta T^{\text{low}}_{\text{source}}$ ($\beta_{\text{site}=0.5}$)の約2倍.
- 2. 間氷期-氷期開始のタイミング (MIS 5d).



図 6. DFの $\Delta T_{source} \& \Delta T_{site} \& SST 記録.$ (a) 黒線は"isotope fitted" (本研究) で 得た係数($\beta_{site}=1.3$)に基づいた DF アイスコアの ΔT_{source} 記録を表す. 青線は Vostok の復元 (temperature fitted) (Cuffey and Vimeux, 2001; Vimeux et al., 2002)で用い られた係数 ($\beta_{site}=0.5$) に基づいた DF アイスコアの ΔT^{10W}_{source} 記録を表す. 数 字は海洋酸素同位体ステージを示す. (b) 黒線は DF アイスコアの ΔT_{source} と, 南半 球の海洋堆積物の SST 記録 (Barrows et al., 2007) (赤線) を表す. (c) 本研究の係 数に基づいた ΔT_{site} 記録 (黒線) と, 過去の DF アイスコアの ΔT_{site} 復元 (temperature fitted) (Kawamura et al., 2007).

Comparison with the other cores

Vostok と EDC アイスコアに, DF アイスコアと同様の手法を適用(表 I, 図 7).

- ◆ ΔT_{source}の氷期-間氷期振幅はこれまでの研究より大きく、ΔT_{site}はあまり変わらない
- ◆ EDC での ΔT_{source} と ΔT_{site} は、他よりも低い
- ◆ 気温勾配 (= ΔT_{source} - ΔT_{site}) は、4 万年周期を示す



図 7.3 つのアイスコアからのΔT_{source}とΔT_{site}と気温勾配. Isotope fitted 法を用いた DF (赤線), Vostok (青線), EDC (緑線)から復元された気温. (a) ΔT_{source}, (b) ΔT_{site}, (c) 気温勾配 (=ΔT_{source}-ΔT_{site})と 50-77°S の年平均日射勾配 (W m⁻², 黒点線).

Isotope inversion method Comparison with SST records from ocean sediments

海面水温 (SST) 記録と比較

現在の DF への主な水蒸気起源は 40-70°S 周辺の海洋.

 ΔT_{source} はSSTの上限と一致(図 6).

- ◆ 過飽和と降水の季節性による不確定性もある.

Obliquity and deuterium-excess

これまでの南極アイスコアの生の d の記録には,強い 4.1 万年の黄道傾斜の周期性.

→高緯度と低緯度での年平均日射量の勾配で水蒸気輸送が変化し、年平均日射量と気温への影響の差異が増大する (Vimeux et al., 1999; Loutre et al., 2004).

・δDとdは逆位相(図8).

```
→ \beta_{site}の小さな差が \Delta T_{source}の黄道傾斜シグナルに大きな影響
```



図 8. DF 同位体記録の黄道傾斜成分. (a) 地球の黄道傾斜. (b) DF の生の d の記録 (黒線) とそのフィルターをかけたシグナル (赤線). 黄道傾斜のフィルターには, がガウシアンフィルターを使用した. 黄道傾斜のバンド (f=0.025±0.005)でのバンド パスフィルター (赤線). (c) DF の d (赤線) と d D (黒線) のフィルターをかけた もの. (d) DF の d D (黒点線) とそのフィルターをかけたシグナル (黒実線).

・ΔT_{source}は弱い黄道傾斜シグナルを示す(図 ge).

→dの強い黄道傾斜シグナルが ΔT_{site} によってつくられたものだという可能性は除外できない.

・3つのアイスコアの気温勾配は主に黄道傾斜によって変調しているように見える(図 9f).

・ δD と比べ、 ΔT_{site} では黄道傾斜のシグナルが小さくなった(図 9).

→一部水蒸気起源の影響だが、全ては説明できない.



図 9. DF アイスコア同位体記録のスペクトル解析. DF (赤), Votok (青), EDC (緑)のパワースペクトル. (a) δ D, (b) d, (c) 過去 36 万年の海洋同対比変動 (δ ¹⁸O_{SW}) (Bintanja and Wal, 2008) (d) ΔT_{site}, (e) ΔT_{source}, (f) 気温勾配 (=ΔT_{source}-ΔT_{site}). スペクトル解析は Blackman-Tukey 法で, ラグの 50% (DF, Vostok, δ ¹⁸O_{SW})と 70% (EDC)で行なった (Paillard et al., 1996).

CONCLUSIONS AND PERSPECTIVE

過去 36 万年をカバーする DF アイスコアの δ D と d から, MCIM モデルを用いて Δ T_{source} と Δ T_{site} の復元を行った. この復元の不確定性は主に β site にあり, この差はモデルを現在 の気温に合わせるか同位体比に合わせるかによって決まることを示した.

同様の手法を DF, Vostok, EDC の 3 つの南極アイスコアに適用して比較したところ, ΔT_{source} はこれまでの研究よりも大きな振幅を示した.一方, ΔT_{site} の違いは誤差の範囲内 であった. ΔT_{source} は弱い黄道傾斜のシグナルを示したが,気温勾配(ΔT_{source} - ΔT_{site})は 逆位相での黄道傾斜のシグナルを示した.これによって,黄道傾斜が水循環と気候にとっ て重要であることがわかり,年代決定にも適用できる可能性がある.

動的分別と低温下での同位体交換反応での分別係数の改良が必要である.水分子の酸素の3 同位体比(i.e. ¹⁷O-excess)には水蒸気起源の記録が期待できる. 南極の雲の *d*や ¹⁷O-excess の観測によって,過飽和関数を限定し,*d*や ¹⁷O-excess が変動するメカニズムの理解が期待 できる.

APPENDIX

Logarithmic definition of d and meaning of β_{site}

<u>dの定義と動的分別(蒸発と雪の形成)</u>によって、 $\beta_{site} \ge \beta_{source}$ の正確な物理的理解が制限.

dの経験的定義: δD/δ¹⁸O(分別係数の比(α_D-I)/(α₁₈-I)に対応)の傾き8の直線

~実際は外れる(気温が 20°C から 0°C へ低下すると傾きは 8.7 から 9.6 へ増加する)

* ln(I+δ)~δと近似できない.

南極では、 δ で-50.0‰ (δ¹⁸O) と-400‰ (δ D) は、 ln(I+δ)での-51.3‰ (δ¹⁸O) と-511‰ (δ D) に対応.

GNIP データと南極表面雪のデータをプロット (図 AI). 通常プロット→ δ^{18} O と dの関係は放物線 (図 AIa). 対数プロット→ $\ln(I + \delta^{18}$ O)と $\ln(I + \delta D)$ の関係は二次曲線で近似できる (図 AIb).

$$\ln(\mathbf{I} + \delta D) = -2.85 \times 10^{-2} \times \left(\ln(\mathbf{I} + \delta^{18}O)\right)^2 + 8.47 \times \ln(\mathbf{I} + \delta^{18}O) + 13.3$$
(A1)



※ 傾き (GMWC: Global Meteoric water Curve)は~8.5 から 12 と変化

図.A₁. 通常と対数プロットでの天水線. (a) GNIP と南極表面雪の GMWL データ. GNIP データは, 2年以上 d のデータがある 308 基地のデータに基づく. 降水で重み 付けされた GNIP データは回帰線にのる (δ D=8.18× δ¹⁸O+11.2 (R²=0.991)). (b) (a) と同じだが、対数プロット.

(
何き(一般的に(α_D-I)/(α₁₈-I)と一致)と年平均気温に対応する ln(I+δ¹⁸O)の関係(図 A₂) 液相-気相,固相-気相の分別係数にギャップ

→過飽和の効果を組み入れることで小さくなる(図 A2).

対数定義 δ に基づいた d_{ln}

$$d_{ln} = ln(I + \delta D) - \left(-2.85 \times 10^{-2} \times \left(ln(I + \delta^{18}O)\right)^{2} + 8.47 \times ln(I + \delta^{18}O)\right)$$
(A2)

$$d \geq \hat{u}_{ln} \, d_{ln} \, d_{ln}$$



図.A2. 天水線の通常と対数でのプロット. δD/δ¹⁸Oの傾きは式(7)の差を用いて計算した. 雪の形成中の動的分別は過飽和関数を用いて考慮した.

*d*と*d*_{ln}の違い(図 3)

- ・ 氷期-間氷期の振幅は、 d の約 2 倍
- ・ 明確な~4万年周期なし
- ・ ターミネーションのラグなし
 →氷期-間氷期の変動は d の定義に敏感

dと同様の手法で、 d_{ln} から ΔT_{source} と ΔT_{site} を 復元.

$$\ln\left(\mathbf{I}+\delta^{18}O\right)_{corr}=\ln\left(\mathbf{I}+\delta^{18}O_{ice}\right)-\ln\left(\mathbf{I}+\delta^{18}O_{SW}\right)$$
(A3)

$$\ln(\mathbf{I} + \delta D)_{corr} = \ln(\mathbf{I} + \delta D_{ice}) - \ln(\mathbf{I} + \delta D_{SW}) \tag{A4}$$

δD_{sw}は、下記のように仮定して計算.

$$\ln(1 + \delta D_{SW}) = -2.85 \times 10^{-2} \times \left(\ln(1 + \delta^{18} O_{SW})\right)^2 + 8.47 \times \ln(1 + \delta^{18} O_{SW})$$

$$\Delta \ln (\mathbf{I} + \delta D)_{corr} = \mathbf{I}_{3.5} \Delta T_{sit.e} - 5.5 \Delta T_{source}$$
(A5)
(R²=0.999, n=14, p<0.001)

$$\Delta d_{d_{corr}} = -0.4 \Delta T_{site} + 1.8 \Delta T_{source}$$
(A6)
(R²=0.996, n=14, p<0.001)

式(A₅), (A₆)で得られた $\Delta T_{source} \ge \Delta T_{site}$ は,式(5),(6)で得られたものと同じ. β_{site} の値はdの定義に依存(β_{site} はdの補正係数として働く).



図.A₃. 対数定義での南極アイスコアの d と d D. (a) DF の O₂/N₂年代での DF (赤線), Vostok (青線), EDC (緑線) アイスコアの対数定義の d_{in}. (b) DF の O₂/N₂ 年代での 3 つのアイスコアの ln(1+ d D).